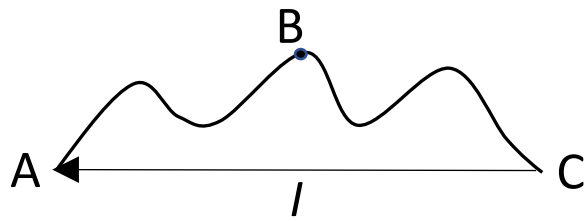


RECUPERACIÓN 2º PARCIAL

1. Demuestra a partir de la expresión $d\vec{F} = I(d\vec{\ell} \times \vec{B})$ que la fuerza magnética que actúa sobre una espira plana cerrada de corriente situada en el interior de un campo magnético B uniforme, es cero. Aplica el resultado para calcular la fuerza magnética sobre el tramo ABC de la figura, siendo $\vec{B} = 2\vec{k}$ T, $I=3$ A, $|AC|=1$ m



From the expression $d\vec{F} = I(d\vec{\ell} \times \vec{B})$, prove that the magnetic force acting on a plane and closed loop with a current located inside a uniform magnetic field B is zero. Apply the result to calculate the magnetic force on the section ABC of the figure, being $\vec{B} = 2\vec{k}$ T, $I=3$ A, $|AC|=1$ m

$$d\vec{F} = I(d\vec{\ell} \times \vec{B}) \quad \text{For currents inside a uniform magnetic field, } \vec{F} = \int d\vec{F} = I \left(\int_{\ell_A}^{\ell_B} d\vec{\ell} \right) \times \vec{B} = I\vec{\ell} \times \vec{B}$$

being $\vec{\ell}$ the vector joining the starting and final points of piece of conductor. As now it is a closed loop, vector $\vec{\ell}$ is null, because $\left(\int_A^A d\vec{\ell} \right) = 0 \Rightarrow \vec{F} = 0$

$$\vec{F}_{loop} = \vec{F}_{ABCA} = \vec{F}_{sectionABC} + \vec{F}_{CA} = 0$$

By taking a reference system with the X axis horizontal (positive direction to right), and the Y axis vertical (positive direction upwards), as the current flows in clockwise direction:

$$\vec{F}_{CA} = I(\vec{CA} \times \vec{B}) = 3 \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{vmatrix} = 6\vec{j} \text{ (N)} \quad \vec{F}_{sectionABC} = -\vec{F}_{CA} = -6\vec{j} \text{ (N)}$$

2. Sea un solenoide de 25 cm de longitud, 1500 espiras, 8 cm de radio y $R=4 \Omega$, por el que circula una corriente de 2 A. Un segundo solenoide de la misma longitud, 1000 espiras, 4 cm de radio y $R=2 \Omega$ está situado coaxialmente dentro del primero. Asumiendo que el campo magnético es uniforme en el interior de los solenoides, calcular:

- El campo magnético producido por el primer solenoide en un punto de su eje.
- El flujo que el primer solenoide produce sobre el segundo.
- El coeficiente de inducción mutua entre ambos solenoides.
- La tensión en los terminales de ambos solenoides.
- Si la corriente en el primer solenoide varía con el tiempo según la expresión $i(t)=2t+1$ A, calcula la intensidad que circula por el solenoide interior si cortocircuitamos (unimos) los extremos del mismo.

Let's consider a solenoid with length 25 cm, 1500 turns, radius 8 cm and $R=4 \Omega$ flowed by an intensity of current 2 A. A second solenoid with the same length, 1000 turns, radius 4 cm and $R=2 \Omega$ is coaxially placed inside the first one. By assuming that the magnetic field is uniform inside both solenoids, find:

- The magnetic field created by the first solenoid at a point of its axis.
- The magnetic flux created by the first solenoid on the second solenoid.
- The mutual inductance coefficient between both solenoids.
- The voltage on terminals of both solenoids.
- If the current on the first solenoid is varying on time according the equation $i(t) = 2t+1$ (i in A and t in s), compute the intensity flowing along the second solenoid if its terminals are short-circuited (joined).

a) $B = \mu_0 \frac{1500}{25 \cdot 10^{-2}} 2 = 120 \mu_0 10^2 = 4,8 \pi 10^{-3} T = 15,08 mT$

b) $\phi = BNS = 120 \mu_0 10^2 1000 \pi (4 \cdot 10^{-2})^2 = 768 \pi^2 10^{-5} = 75,8 mWb$

c) $M = \frac{\phi}{I} = \frac{75,8 \cdot 10^{-3}}{2} = 37,9 mH$

d) $\varepsilon_1 = iR = 2 \cdot 4 = 8 V \quad \varepsilon_2 = 0 V$

e) $\phi_2 = Mi_1 = 37,9(2t + 1) mWb$

$$\varepsilon_2 = \left| \frac{d\phi_2}{dt} \right| = \left| \frac{d}{dt} (37,9 \cdot 10^{-3} (2t + 1)) \right| = 75,8 mV$$

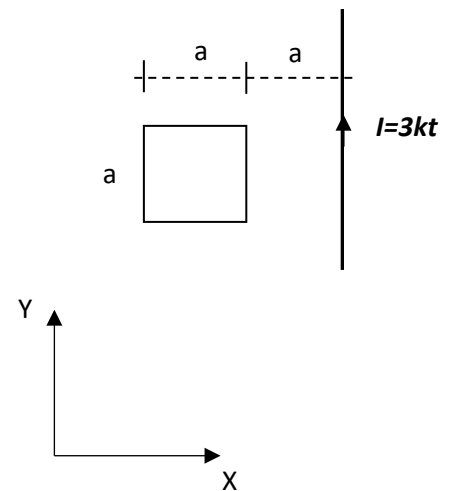
$$i_2 = \frac{\varepsilon_2}{R} = \frac{75,8}{2} = 37,9 mA$$

3. Una espira cuadrada de lado a y resistencia R se encuentra a una distancia a de un conductor rectilíneo e indefinido por el que circula una corriente $I=3kt$ (k constante y positivo). Para un instante $t>0$ calcular:

- Flujo magnético que atraviesa la espira.
- Fuerza electromotriz inducida en la espira.
- Intensidad de corriente que circula por la espira indicando y justificando su sentido.
- Coefficiente de inducción mutua entre conductor y espira.
- Fuerza \vec{F} (en forma vectorial) que actúa sobre el lado vertical de la espira más cercano al hilo indefinido en el instante $t=2$ s.

A squared loop with side a and resistance R is located at a distance a from a linear and infinite conductor flowed by a current $I(t) = 3kt$ (k is a positive constant). At a time $t>0$, find:

- Magnetic flux trough the loop.
- Electromotive force induced on the loop.
- Induced current on the loop, by giving and justifying its direction.
- Mutual inductance coefficient between conductor and loop.
- Force vector acting on the vertical right side of the loop (that side closest to the conductor) on time $t=2$ s.



a) $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi x}$ Perpendicular to the paper outwards.

b) $\phi = \int_{\text{espira}} \vec{B} \cdot d\vec{S} = \int_a^{2a} \frac{\mu_0 3kt}{2\pi x} a dx = \frac{\mu_0 3kta}{2\pi} \int_a^{2a} \frac{dx}{x} = \frac{3\mu_0 kta}{2\pi} \ln 2$

c) $|\varepsilon| = \frac{d\phi}{dt} = \frac{3\mu_0 ka}{2\pi} \ln 2$

d) $i = \frac{\varepsilon}{R} = \frac{3\mu_0 ka}{2\pi R} \ln 2$ clockwise direction

e) $M = \frac{\phi}{I} = \frac{\mu_0 a}{2\pi} \ln 2$

f) $\vec{F}(t=2) = i(\vec{L} \times \vec{B}) = \frac{3\mu_0 ka}{2\pi R} \ln 2 \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 0 & -a & 0 \\ 0 & 0 & \frac{\mu_0 6k}{2\pi a} \end{vmatrix} = \frac{18\mu_0^2 k^2 a}{4\pi^2 R} (\ln 2)(-\vec{i})$

4. Un circuito tiene una resistencia de 5Ω , una bobina de 4 mH y un condensador de $100 \mu\text{F}$ conectados en serie. Si la tensión en los extremos del condensador es de $U_C = U_{\max} \cos(2000t - 100^\circ) \text{V}$ y la intensidad máxima 2 A . Halla
- la expresión instantánea de la intensidad
 - la caída de tensión en todos de los elementos (resistencia y bobina)
 - la caída de tensión tota
 - dibuja el diagrama fasorial
 - calcula la frecuencia que debería tener la tensión del circuito para que la intensidad que circule por el circuito sea máxima.

An RLC dipole is made up of a 5Ω resistor, a coil 4 mH sized, and a $100 \mu\text{F}$ capacitor, connected in series. If the instantaneous voltage on terminals of capacitor is $U_C(t) = 10 \cos(2000t - 100^\circ) \text{V}$ and the amplitude of the intensity is 2 A , find

- find the instantaneous intensity
- the instantaneous voltage on terminals of coil and resistor
- the instantaneous voltage on terminals of dipole
- Draw the phasor diagram of the circuit
- Compute the frequency should have the applied voltage to the circuit in order the intensity flowing along the dipole was the maximum.

a) $U_{\max} = \frac{1}{C\omega} I = \frac{1}{100 \cdot 10^{-6} \cdot 2000} 2 = 10 \text{V}$

As intensity goes 90° ahead the voltage on terminals of capacitor, $i(t) = 2 \cos(2000t - 10^\circ) \text{ A}$

b) $U_{R\max} = RI_M = 5 \cdot 2 = 10 \text{V}$ $u_R(t) = 10 \cos(2000t - 10^\circ)$

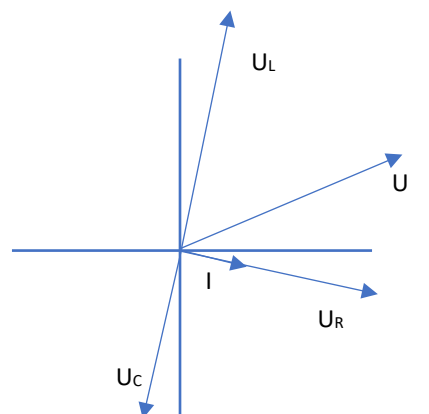
$U_{L\max} = L\omega I = 4 \cdot 10^{-3} \cdot 2000 \cdot 2 = 16 \text{V}$

$u_L(t) = 16 \cos(2000t + 80^\circ)$, 90° ahead the intensity

c) $Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} = 5,83 \Omega$ $\varphi = \arctg \frac{X_L - X_C}{R} = \frac{8-5}{5} = 30,96^\circ$

$\varphi_u = \varphi + \varphi_i = 30,96 + (-10) = 20,96^\circ$

$u(t) = ZI \cos(\omega t + \varphi_u) = 11,66 \cos(2000t + 20,96^\circ)$



d)

e) $f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} = 251,64 \text{ Hz}$

5. Dado el circuito de la figura, con los valores de tensión indicados, calcula:

- Las intensidades de corriente que circulan por los diodos.
- El potencial V_S

(Los diodos D_1 y D_2 son de silicio con una tensión umbral de $0,7 \text{ V}$)

Given the circuit on picture, with the shown voltages, compute:

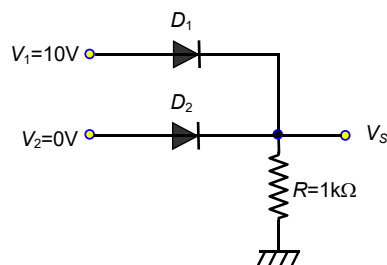
- The intensities of current flowing through both diodes.
- The potential V_S

(Diodes D_1 and D_2 are silicon, with a drop-forward voltage $0,7 \text{ V}$)

Donat el circuit de la figura, amb els valors de tensió indicats, calcula:

- Les intensitats de corrent que circulen pels díodes.
- El potencial V_S

(Els díodes D_1 i D_2 són de silici amb una tensió llindar de $0,7 \text{ V}$)



Diode 2 is reverse biased and then it doesn't conduct

Along diode 1 flows a current: $I = \frac{10-0,7}{1} = 9,3 \text{ mA}$

An voltage V_s : $V_s = 10 - 0,7 = 9,3V$